

STRUKTUR DATA

IX. Implementasi ADT : *Stacks & Queues*

1

Outline

- ADT Stacks
 - Operasi dasar
 - Contoh kegunaan
 - Implementasi
 - Array-based dan linked list-based
- ADT Queues
 - Operasi dasar
 - Contoh kegunaan
 - Implementasi
 - Array-based dan linked list-based

2

Tujuan

- Memahami cara kerja dan kegunaan stack & queue
- Dapat mengimplementasi stack dan queue

3

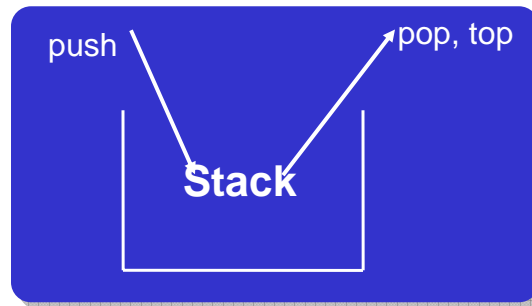
Struktur data linear

- Kumpulan elemen yang tersusun sebagai garis linear
- **Stack**: struktur data linear di mana penambahan/pengurangan elemen dilakukan di satu ujung saja.
- **Queue**: struktur data linear di mana penambahan komponen dilakukan di satu ujung, sementara pengurangan dilakukan di ujung lain (yang satu lagi).
- Kedua struktur tersebut merupakan ADT di mana *implementasi* pada tingkat lebih rendah dapat sebagai *list*, baik menggunakan struktur *sequential* (array) atau struktur berkait (linear linked-list).

4

Stack

- Semua akses dibatasi pada elemen yang paling akhir disisipkan
- Operasi-operasi dasar: **push**, **pop**, **top**.
- Operasi-operasi dasar memiliki waktu yang konstan



5

Contoh-contoh di dunia luar komputer

- Tumpukan kertas
- Tumpukan tagihan
- Tumpukan piring
- Waktu $O(1)$ per operasi stack. (Dengan kata lain, waktu konstan per operasi, tidak bergantung berapa banyak item yang tersimpan dalam stack).

6

Aplikasi-aplikasi

- Stack dapat digunakan untuk memeriksa pasangan tanda kurung (*Balanced Symbol*), pasangan-pasangan seperti {}, (), [].
- Misalnya: { [()] } boleh, tapi { ([]) } tidak boleh (tidak dapat dilakukan dengan penghitungan simbol secara sederhana).
- Sebuah kurung tutup harus merupakan pasangan kurung buka yang paling terakhir ditemukan. Jadi, stack dapat membantu!

7

Balanced Symbol Algorithm

- Buat stack baru yang kosong.
- Secara berulang baca token-token; jika token adalah:
 - Kurung buka, **push** token ke dalam stack
 - Kurung tutup, maka
 - If stack kosong, then laporkan **error**;
 - else **pop** stack, dan periksa apakah simbol yang di-pop merupakan pasangannya (jika tidak laporkan **error**)
- Di akhir file, jika stack tidak kosong, laporkan **error**.

8

Contoh

- Input: { () }
 - Push '{'
 - Push '('; lalu stack berisikan '{', '('
 - Pop; popped item adalah '(' yang adalah pasangan dari ')'. Stack sekarang berisikan '{'.
 - Pop; popped item adalah '{' yang adalah pasangan dari '}'.
 - End of file; stack kosong, jadi input benar.

9

Performance

- Running time adalah $O(N)$, yang mana N adalah jumlah data (jumlah token).
- Algoritma memproses input secara sikuensial, tidak perlu backtrack (mundur).

10

Call stack

- Kasus *balanced symbol* serupa dengan *method call* dan *method return*, karena saat terjadi suatu method **return**, ia kembali ke method aktif yang sebelumnya.
- Hal ini ditangani dengan *call stack*.
- **Ide dasar**: ketika suatu *method call* terjadi, simpan *current state* dalam stack. Saat *return*, kembalikan state dengan melakukan *pop* stack.

11

Aplikasi Lainnya

- Mengubah fungsi rekursif menjadi non-rekursif dapat dilakukan dengan stack.
 - Lihat diskusi di forum rekursif mengenai maze runner, coba buat versi non-rekursif dengan bantuan stack.
- *Operator precedence parsing* ()
- Pembalikan urutan (*reversing*) dapat dengan mudah dilakukan dengan bantuan stack

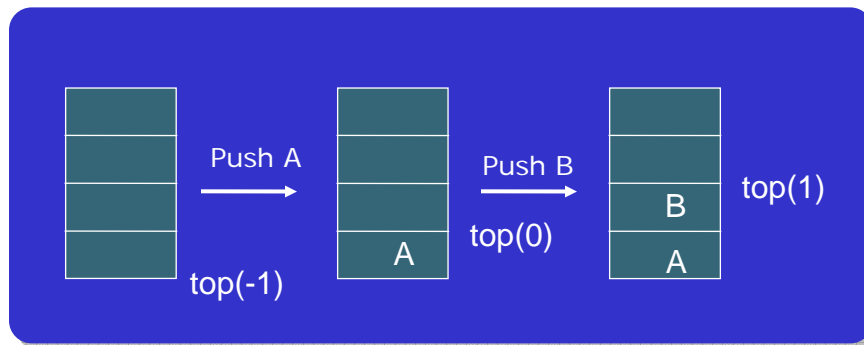
12

Implementasi Array

- Stack dapat diimplementasi dengan suatu array dan suatu integer **top** yang mencatat indeks dalam array dari **top of the stack**.
- Untuk **stack kosong** maka **top** berharga **-1**.
- Saat terjadi **push**, lakukan dengan **increment** counter **top**, dan **tulis** ke dalam posisi **top** tsb dalam array.
- Saat terjadi **pop**, lakukan dengan **decrement** counter **top**.

13

Ilustrasi



14

Pertanyaan:

Apa yang terjadi bila nilai **top = ukuran array**?

15

Array Doubling

- Jika stack **full** (karena semua posisi dalam array sudah terisi), kita dapat memperbesar array, menggunakan *array doubling*.
- Kita mengalokasi sebuah array baru dengan ukuran dua kali lipat semula, dan menyalin isi array yang lama ke yang baru:

```
Benda[] oldArray = array;  
array = new Benda[oldArray.length * 2];  
for (int j = 0; j < oldArray.length; j++)  
    array[j] = oldArray[j];
```

16

Pertanyaan:

Dengan adanya *array doubling* apakah kompleksitas running time dari operasi **push** masih **$O(1)$** ?

```
Benda[] oldArray = array;  
array = new Benda[oldArray.length * 2];  
for (int j = 0; j < oldArray.length; j++)  
    array[j] = oldArray[j];
```

17

Running Time

- Tanpa adanya array doubling, setiap operasi memiliki waktu konstan, dan tidak bergantung pada jumlah item di dalam stack.
- Dengan adanya array doubling, satu operasi push dapat (namun jarang) menjadi $O(N)$. Namun, pada dasarnya adalah $O(1)$ karena setiap array doubling yang memerlukan N assignments didahului oleh $N/2$ kali push yang non-doubling.

18

Stack Implementation: Array

```
public class SeqStack {  
    int top = -1; /* pada permulaan, stack kosong*/  
    int memSpace[]; /* penyimpanan untuk integer */  
    int limit; /* ukuran dari memSpace */  
  
    SeqStack() {  
        memSpace = new int[10];  
        limit = 10;  
    }  
  
    SeqStack(int size) {  
        memSpace = new int[size];  
        limit = size;  
    }  
}
```

19

Stack Implementation: Array

```
boolean push(int value) {  
    top++;  
    /* memeriksa apakah stack penuh */  
    if (top < limit) {  
        memSpace[top] = value;  
    }  
    else {  
        top--;  
        return false;  
    }  
    return true;  
}  
  
int pop() {  
    int temp = -1;  
    /* memeriksa apakah stack kosong */  
    if (top >= 0) {  
        temp = memSpace[top];  
        top--;  
    }  
    else {  
        return -1;  
    }  
    return temp;  
}
```

20

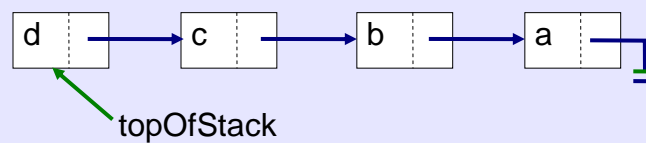
Stack Implementation: Array

```
public class testSeqStack {  
  
    public static void main(String args[]) {  
        SeqStack myStack = new SeqStack(4);  
  
        myStack.push(10);  
        myStack.push(30);  
        myStack.push(75);  
        //myStack.push(100);  
  
        for (int j=0; j<=myStack.top; j++){  
            System.out.print(myStack.memSpace[j] + " ");  
        }  
  
        System.out.println("");  
  
        System.out.println(myStack.pop());  
        System.out.println(myStack.pop());  
        System.out.println(myStack.pop());  
  
        System.out.println("");  
        for (int j=0; j<=myStack.top; j++){  
            System.out.print(myStack.memSpace[j] + " ");  
        }  
    }  
}
```

21

Implementasi Linked-List

- Item pertama dalam list: *top of stack* (empty = null)
- **push(Benda x):**
 - Create sebuah node baru
 - Sisipkan sebagai elemen pertama dalam list
- **pop():**
 - Memajukan top ke item kedua dalam list



22

Stack Implementation: Linked List

```
public class LinkedStack {  
    private IntStackNode top; /* head atau puncak dari stack */  
  
    class IntStackNode { /* class node */  
        int data;  
        IntStackNode next;  
  
        IntStackNode(int n) {  
            data = n;  
            next = null;  
        }  
    }  
  
    boolean isEmpty() {  
        return top == null;  
    }  
}
```

23

Stack Implementation: Linked List

```
void push(int n) {  
    /* tanpa pengecekan apakah penuh atau tidak */  
    IntStackNode node = new IntStackNode(n);  
    node.next = top;  
    top = node;  
}  
  
int pop() {  
    if (isEmpty()) {  
        return -1;  
    } else {  
        int n = top.data;  
        top = top.next;  
        return n;  
    }  
}
```

24

Stack Implementation: Linked List

```
public static void main(String args[]) {
    LinkedStack myStack = new LinkedStack();

    myStack.push(5);
    myStack.push(10);

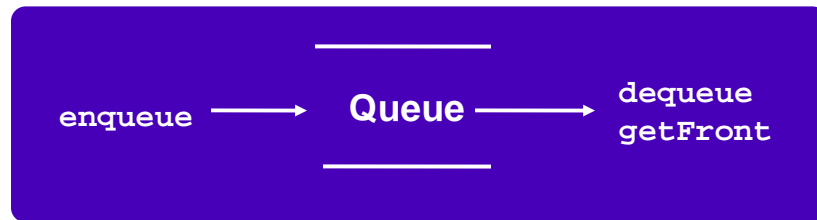
    /* mencetak elemen dari stack */
    IntStackNode currentNode = myStack.top;

    while (currentNode!=null) {
        System.out.print(currentNode.data + " ");
        currentNode = currentNode.next;
    }
    System.out.println(myStack.pop());
    System.out.println(myStack.pop());
}
}
```

25

Queue

- Setiap akses dibatasi ke elemen yang paling terdahulu disisipkan
- Operasi-operasi dasar: **enqueue**, **dequeue**, **getFront**.
- Operasi-operasi dengan waktu konstan. Waktu operasi yang $O(1)$ karena mirip dengan stack.



26

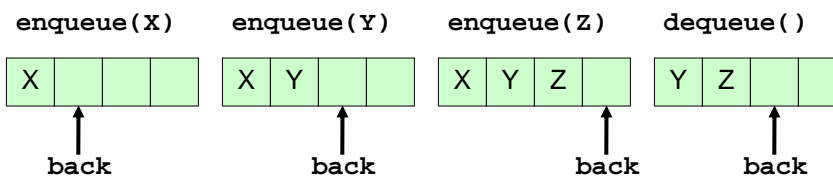
Contoh:

- Antrian printer
- Antrian tiket bioskop

27

Implementasi dengan Array – cara naive

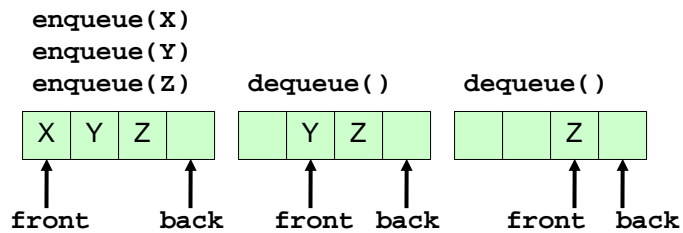
- Simpan item-item dalam suatu array dengan item terdepan pada index **not** dan item terbelakang pada index **back**.
- **Enqueue** mudah & cepat: increment **back**.
- **Dequeue** tidak efisien: setiap elemen harus digeserkan ke depan. Akibatnya: waktu menjadi $O(N)$.



28

Ide yang lebih baik:

- Menggunakan **front** untuk mencatat index terdepan.
- Dequeue dilakukan dengan increment **front**.
- Waktu Dequeue tetap $O(1)$.



29

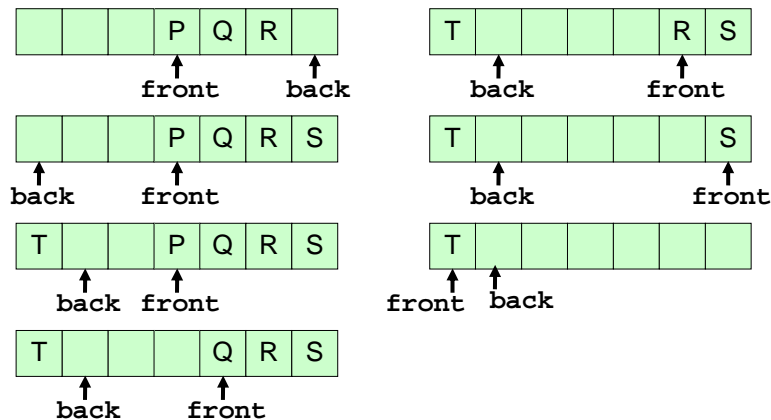
Queue penuh?

- Apa yang terjadi bila index **back = Array.length-1**?
 - Queue penuh?
 - Perlu dilakukan array doubling?
- Apa yang terjadi bila queue kemudian di enqueue, hingga index **first = Array.length-1**?
 - Apakah queue penuh?
 - Perlu dilakukan array doubling?

30

Implementasi Array Circular

- Solusi: gunakan *wraparound* untuk menggunakan kembali sel-sel di awal array yang sudah kosong akibat dequeue. Jadi setelah *increment*, jika index **front** atau **back** keluar dari array maka ia kembali ke 0.



31

Latihan: Implementasi Array Circular

- Bagaimana implementasi dari:
 - `enqueue()`; // menambahkan elemen pada queue
 - `dequeue()`; // mengambil dan menghapus elemen
 - `isEmpty()`; // apakah queue kosong?
 - `isFull()`; // apakah queue sudah full?
 - `size()`; //memberikan jumlah elemen dalam queue
 - `arrayDoubling()`; // memperbesar kapasitas array
- ???

32

Rangkuman

- Kedua versi, baik array maupun linked-list berjalan dengan $O(1)$
- Linked-list memiliki overhead akibat diperlukannya reference **next** pada setiap node
- Khusus untuk Queue, implementasi array lebih sulit dilakukan (secara *circular*)
- Memperbesar kapasitas dalam implementasi array (*arrayDoubling*) memerlukan space sekurangnya 3x jumlah item data!